

Teoría de Lenguajes

Teoría de la Programación

Clase 3 : Modelo computacional declarativo - parte 2



Lenguaje Kernel

Lenguaje Kernel - Valores

<code><v></code>	<code>::=</code>	<code><number> <record> <procedure></code>
<code><number></code>	<code>::=</code>	<code><int> <float></code>
<code><record>, <pattern></code>	<code>::=</code>	<code><literal></code> <code> </code> <code><literal>(<feature>₁: <x>₁ ... <feature>_n: <x>_n)</code>
<code><procedure></code>	<code>::=</code>	<code>proc { \$ <x>₁ ... <x>_n } <s> end</code>
<code><literal></code>	<code>::=</code>	<code><atom> <bool></code>
<code><feature></code>	<code>::=</code>	<code><atom> <bool> <int></code>
<code><bool></code>	<code>::=</code>	<code>true false</code>

Lenguaje Kernel - Statements

<code><s> ::=</code>	
skip	Empty statement
<code><s>₁ <s>₂</code>	Statement sequence
local <code><x></code> in <code><s></code> end	Variable creation
<code><x>₁=<x>₂</code>	Variable-variable binding
<code><x>=<v></code>	Value creation
if <code><x></code> then <code><s>₁</code> else <code><s>₂</code> end	Conditional
case <code><x></code> of <code><pattern></code> then <code><s>₁</code> else <code><s>₂</code> end	Pattern matching
<code>{<x> <y>₁ ... <y>_n}</code>	Procedure application

Máquina abstracta

Single Assignment Store

σ

- Variables declarativas
- Value store
- Partial values
- Variables dataflow

Ej:

$$\sigma = \{x_1=100, x_2=[1 \ 2 \ 3], x_3\}$$

Entorno

E

- Identificadores

Notación:

$\langle x \rangle$ identificador de una variable

$E(\langle x \rangle)$ el valor en el store del identificador $\langle x \rangle$ según su entorno

Operaciones:

Adición: $E' = E + \{\langle x \rangle \rightarrow x\}$

Restricción: $E' = E|_{\{\langle x \rangle, \dots, \langle z \rangle\}}$

STACK

ST

- Pila de semantic statements

Semantic statement es un par $(\langle s \rangle, E)$ siendo $\langle s \rangle$ un statement

Cómputo

- Estado de ejecución.
- Un cómputo define cómo se modifica el estado de ejecución de un programa.

$$(ST_0, \sigma_0) \rightarrow (ST_1, \sigma_1) \rightarrow (ST_2, \sigma_2) \rightarrow \dots$$

Estados de ejecución

- Ejecutable
- Terminado
- Suspendido

Semántica

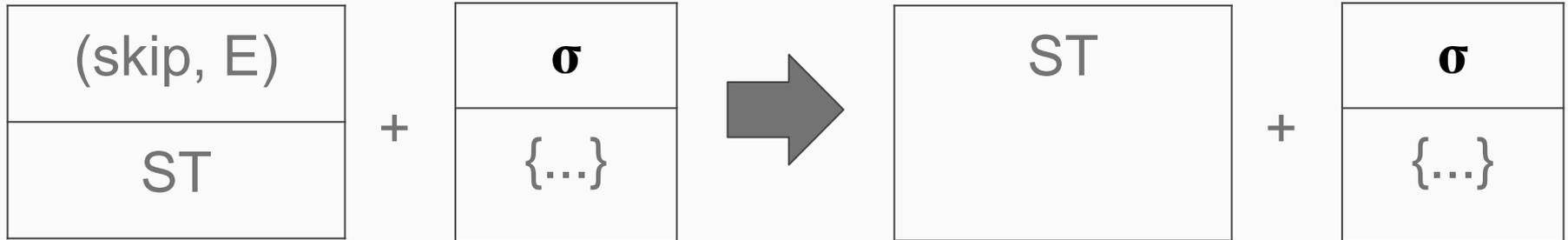
Statements

<code><s> ::=</code>	
skip	Empty statement
<code><s>₁ <s>₂</code>	Statement sequence
local <code><x></code> in <code><s></code> end	Variable creation
<code><x>₁ = <x>₂</code>	Variable-variable binding
<code><x> = <v></code>	Value creation
if <code><x></code> then <code><s>₁</code> else <code><s>₂</code> end	Conditional
case <code><x></code> of <code><pattern></code> then <code><s>₁</code> else <code><s>₂</code> end	Pattern matching
<code>{ <x> <y>₁ ... <y>_n }</code>	Procedure application

Skip

En el tope del ST tenemos el siguiente semantic statement (skip, E)

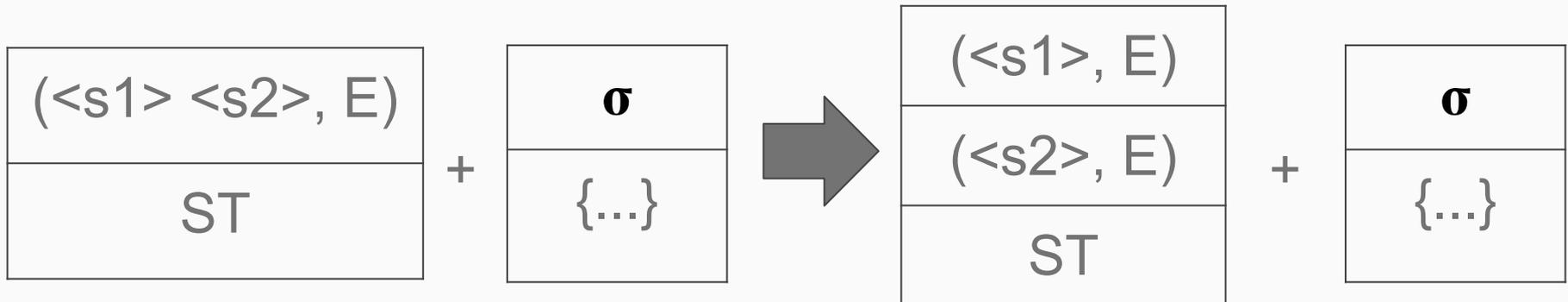
Se continua con el próximo paso



Composición secuencial

En el tope del ST tenemos el siguiente semantic statement ($\langle s_1 \rangle \langle s_2 \rangle, E$)

Se apila cada statement en el ST con el mismo entorno de la composición

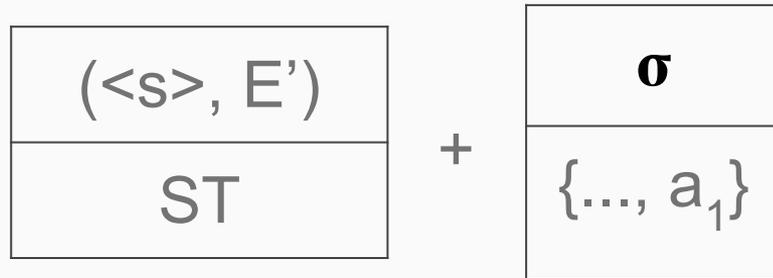
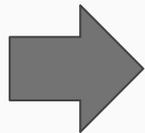
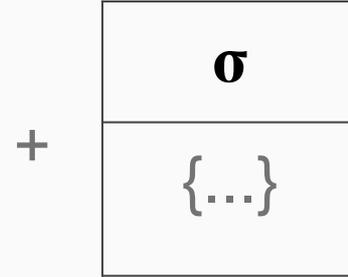
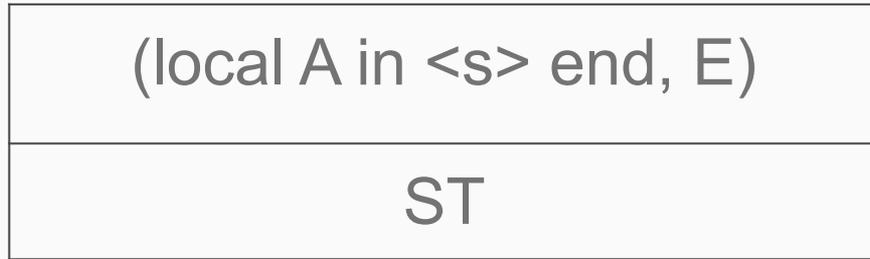


Declaración de variable

En el tope del ST tenemos el siguiente semantic statement
(local $\langle x \rangle$ in $\langle s \rangle$ end , E)

- Se crea la variable x en el store
- Se crea un ambiente $E' = E + \{\langle x \rangle \rightarrow x\}$. Es decir un ambiente igual al anterior pero con el identificador $\langle x \rangle$ mapeando a la variable recién creada
- Se apila $(\langle s \rangle, E')$ al ST
- Se continua con la próxima ejecución

Declaración de variable

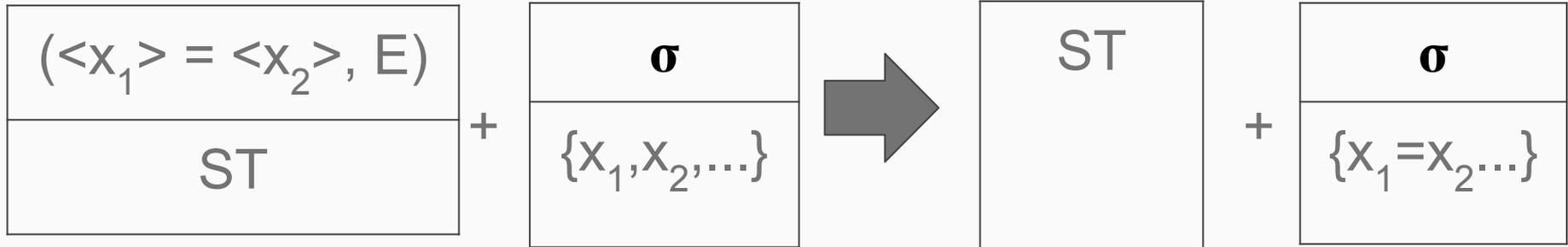


- E' = E + {A->a₁}
- a₁ no ligada en σ

Igualdad variable - variable

En el tope del ST tenemos el siguiente semantic statement ($\langle x_1 \rangle = \langle x_2 \rangle, E$)

Se hace un bind de $E(\langle x_1 \rangle)$ con $E(\langle x_2 \rangle)$ en el store

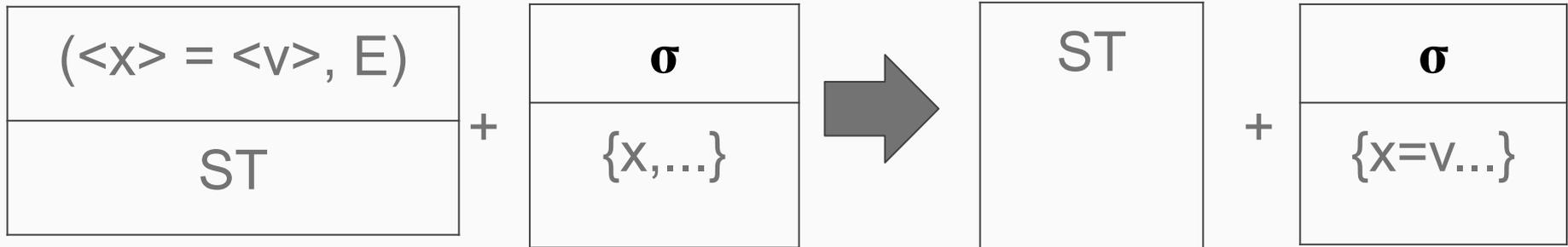


Igualdad variable - valor

En el tope del ST tenemos el siguiente semantic statement ($\langle x \rangle = \langle v \rangle, E$)

$\langle v \rangle$ es un record, un numero o un procedimiento

Se crea el valor y se liga a la variable $\langle x \rangle$ en el store



WHAAAT?



EJEMPLO

```
local X Y Z in
  X = 10
  Y = 40
  Z = X
  local X A in
    X = 30
    A = persona(nombre:'Lean' edad:X)
  end
end
```

EJEMPLO || - Procedures

```
local X Y Z P in
  X = 10
  Y = 40
  proc {P A B C}
    C = A + B
  end
  {P X Y Z}
  {Browse Z}
end
```

```
local X Y Z P in
  X = 10
  Y = 40
  proc {P A C}
    C = A + Y
  end
  {P X Z}
  {Browse Z}
end
```

Procedure values (closures)

tenemos el siguiente semantic statement ($\langle x \rangle = \langle v \rangle, E$) siendo $\langle v \rangle$ un procedure value

$$\langle v \rangle = \text{proc } \{ \$ \langle y_1 \rangle \dots \langle y_N \rangle \} \langle s_p \rangle \text{ end}$$

Analizar los identificadores libres de $\langle s_p \rangle$

1. Parametros formales
2. Referencias externas

Procedure values (closures)

Se guarda en el store el par (proc {\$ <y₁> ..<y_N>} <s_p> end, CE)

Siendo $CE = E|_{\{<z_1>, \dots, <z_k>\}}$

Con $\{<z_1>, \dots, <z_k>\}$ referencias externas se <s_p> en E

Procedure application

En el tope del ST tenemos ($\{ \langle x \rangle \langle y_1 \rangle \dots \langle y_N \rangle \}$, E)

Es **suspendible**. Tiene un trigger de activación:

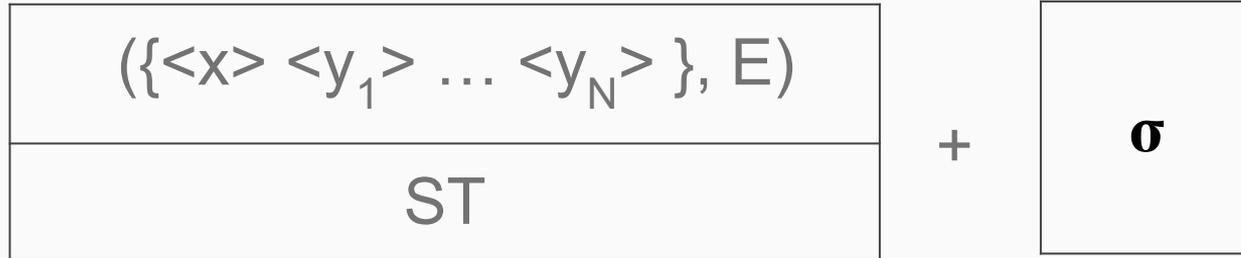
$E(\langle x \rangle)$ tiene que estar determinado. Sino suspende

Si $E(\langle x \rangle)$ está determinado.

Tiene que ser un procedure value con aridad igual a N.

Sino lanza error

Procedure application



$$\sigma = \{x = (\text{proc}\{\$ \langle z_1 \rangle \dots \langle z_N \rangle\} \langle s_p \rangle \text{end}, CE), y_1, \dots, y_N, \dots\}$$
$$E = \{\langle x \rangle \rightarrow x, \langle y_1 \rangle \rightarrow y_1, \dots, \langle y_N \rangle \rightarrow y_N, \dots\}$$

Se apila al ST $(\langle s_p \rangle, E_p)$ con

$$E_p = CE + \{\langle z_1 \rangle \rightarrow E(\langle y_1 \rangle), \dots, \langle z_N \rangle \rightarrow E(\langle y_N \rangle)\}$$

Volvamos al EJEMPLO II - Procedures

```
local X Y Z P in
  X = 10
  Y = 40
  proc {P A B C}
    C = A + B
  end
  {P X Y Z}
  {Browse Z}
end
```

```
local X Y Z P in
  X = 10
  Y = 40
  proc {P A C}
    C = A + Y
  end
  {P X Z}
  {Browse Z}
end
```

Condicional

En el tope del ST tenemos (if <x> then <s₁> else <s₂> end, E)

Es **suspendible**. Tiene un trigger de activación:

E(<x>) tiene que estar determinado. Sino suspende

Si E(<x>) está determinado.

Tiene que ser un boolean, sino lanza error

Si es **true** apila (<s₁>,E), si es **false** apila (<s₂>,E) al ST

Ejemplo III

```
local Max C in
  fun {Max X Y}
    if X >=Y then X else Y end
  end
  C = {Max 3 5}
end
```

Ejemplo IV

```
local LowerBound Y C in
  Y = 5
  proc {LowerBound X Z}
    if X >= Y then Z = X else Z = Y end
  end
  {LowerBound 3 C}
end
```

Ejemplo V

```
fun {Fact1 X}
  if X ==0 then 1 else X * {Fact1 X-1} end
end
```

```
fun {Fact2 X Acum}
  if X==0 then Acum
  else
    {Fact2 X-1 Acum*X}
  end
end
```

Last call optimization

Tail recursion

Optimiza el uso de memoria

El stack no crece dependiendo de los elementos a procesar

Manejo de memoria

Valor alcanzable (**reachable**)

Un valor es alcanzable es referenciado en el ST o es referenciado por algún otro valor que sea alcanzable

Memoria activa (**active memory**)

La memoria activa se compone por el ST y por los valores alcanzables del store

Manejo de memoria

El manejo de memoria puede ser manual o a través de un **garbage collector**

Problemas:

- Referencias colgadas (dangling references)
- Perdidas de memoria (memory leaks)

Más semántica

Pattern matching

Tenemos el siguiente semantic statement

(case <x> of <l>(<f₁>:<x₁> ... <f_n>:<x_n>) then <s₁> else <s₂> end, E)

Se activa si E(<x>) está definido, sino **suspende**

Si E(<x>) = record con label <l> y aridad [<f₁> ... <f>].

Hace push al ST de:

(local <x₁>=<x>.<f₁> ... <x_n>=<x>.<f_n> in <s₁> end, E)

Sino, hace push de (<s₂>, E) al ST

Excepciones - try

Tenemos el siguiente semantic statement

(try $\langle s_1 \rangle$ catch $\langle x \rangle$ then $\langle s_2 \rangle$ end, E)

1. Se apila el st (catch $\langle x \rangle$ then $\langle s_2 \rangle$ end, E) en ST
2. Se apila ($\langle s_1 \rangle$, E) en ST

Excepciones - raise

Tenemos el siguiente semantic statement

(raise <x> end, E) en donde el raise puede ser implícito o explícito

Se empiezan a descartar elementos del ST hasta encontrar un catch. Si no hay catch, se finaliza la ejecución con “**Uncaught exception**”

Si hay un catch apilado. Supongamos (catch <y> then <s> end, E_c)

Se apila (<s>, E_c + {<y> ->E(<x>)})

Bibliografía

- **Concepts, Techniques, and Models of Computer Programming - Capítulo 2**, Peter Van Roy and Seif Haridi
- **Extras:**
 - **A practical introduction to functional programming (with Python)**
<https://maryrosecook.com/blog/post/a-practical-introduction-to-functional-programming>
 - **Abstract syntax tree** https://en.wikipedia.org/wiki/Abstract_syntax_tree